

2 3つのアルファベット a, b, c と、4つの数字 1, 2, 3, 4 の7つを横一列に並べるとき、以下の問いに答えよ。

- (1) アルファベットと数字を交互に並べるとき、その並べ方は何通りあるか。
 (2) a を b, c のいずれよりも右に、1, 3 をそれぞれ 2, 4 のいずれよりも右に並べるとき、その並べ方は何通りあるか。
 (3) 1 を a よりも右に、2 を b よりも右に、3 を c よりも右に並べるとき、その並べ方は何通りあるか。

(25 信州大・医-保健, 経法)

2

【数学A】【順列】【標準】

《2 人のための席 (B20) ☆》

▶解答◀ (1) □○□○□○□のように席を並べ、□には数字 1, 2, 3, 4, ○にはアルファベット a, b, c を並べる。求める順列は、 $4! \cdot 3! = 144$ 通り。

(2) ○を3つと□を4つ並べる ($\frac{7!}{3!4!}$ 通りある)。○に左から b, c, a または c, b, a の順に入れ (2 通り), □に左から「2, 4, 1, 3」「4, 2, 1, 3」「2, 4, 3, 1」「4, 2, 3, 1」

の順に入れる。図は bca と 2431 を入れたときである。

求める順列は、 ${}_7C_3 \cdot 2 \cdot 4 = \frac{7 \cdot 6 \cdot 5}{3 \cdot 2 \cdot 1} \cdot 2 \cdot 4 = 280$ 通り。

□ b c □ 4 □ 3 a □ 1

(3) ○を2個, □を2個, △を2個, それと4を一列に並べ ($\frac{7!}{2!2!2!}$ 通り), ○には左から a, 1, □には左から b, 2, △には左から c, 3 を入れると考え,

$\frac{7!}{2!2!2!} = \frac{7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1} = 630$ 通り。